

Ha egy l hosszúságú húrt P erővel feszítünk, alaphfrekvenciája $n = k \frac{\sqrt{P}}{l}$ lesz, ahol $k = \frac{1}{2\sqrt{qd}}$ a továbbiak számára konstansként kezelhető.

A feladat szövege szerint az alábbi három egyenlőségnek kell fennállnia:

$$(1) \quad n = k \frac{\sqrt{P}}{l},$$

$$(2) \quad n = k \frac{\sqrt{P + P_1}}{l + l_1},$$

$$(3) \quad n = k \frac{\sqrt{P - P_2}}{l - l_2}.$$

Az első kettőből közvetlenül $P = \frac{P_1 l^2}{2ll_1 + l_1^2}$,
 az első és harmadikból hasonlóan $P = \frac{P_2 l^2}{2ll_2 - l_2^2}$ adódik.
 E két értéket egyenlővé téve a rendezés után

$$(4) \quad l = \frac{P_1 l_2^2 + P_2 l_1^2}{2(P_1 l_2 - P_2 l_1)} \text{ lesz.}$$

A feladatban szereplő $P_1 = P_2$, továbbá az adott l_1 és l_2 értéket helyettesítve

$$l = \frac{l_2^2 + l_1^2}{2(l_2 - l_1)} = 122 \text{ cm adódik.}$$

A feszítőerő képletébe írva: $P = \frac{P_1 l^2}{2ll_1 + l_1^2} \approx 8,45 \text{ kp.}$

Végül (1)-ből meghatározzuk a húr rezgésszámát.

Az $n = \frac{1}{2l} \sqrt{\frac{P}{qd}}$ képletből $n = 243 \text{ Hz}$ adódik.

(4)-ből látható, hogy l értékére csak P_1/P_2 van befolyással. Így ha P_1/P_2 állandó, P_1 változik, de l állandó marad. l_1 és l_2 nem cserélhető fel, mert közben l értéke előjelet váltana – ami fizikailag irreális. Konstans P_1/P_2 esetén – mint láttuk – P arányos P_1 -gyel, tehát

$n = \sqrt{P_1} \cdot \frac{n_0}{\sqrt{P_{10}}}$, ahol n_0 a P_{10} -hez tartozó frekvencia; azaz n arányos $\sqrt{P_1}$ -gyel.

Werner Antal (Bp., Könyves Kálmán g. IV. o. t.)