

a) A leröpülés helyét a függőleges átmérőtől mért  $\alpha$  szöggel jelöljük meg. Ha a gömb  $R$  sugarú, akkor a golyó sebessége a fenti  $\alpha$  helyzetben az energia tételből számolható:

$$v^2 = 2gh = 2gR(1 - \cos \alpha)$$

(Ugyanis a  $mgh$  potenciális energia rovására az  $mv^2/2$  mozgási energiája megnő.)

A golyó vátatban történő mozgásához

$$a_1 = \frac{v^2}{R} = 2g(1 - \cos \alpha)$$

centripetális gyorsulásra van szükség. Ez a gyorsulás a testre ható súlyerő sugárirányú komponensétől származik. A golyó leröpül, amint ez nem lesz elegendő az  $a_1$  gyorsulás létrehozásához. Ezt megelőzőleg a golyó

$$m(g \cos \alpha - a_1) = P$$

erővel nyomja a vátatot. Innen meghatározhatjuk azt az esetet, amikor  $P$  éppen zérus, vagyis a golyó éppen készül a vátatot elhagyni.

$$g \cos \alpha = a_1 = 2g(1 - \cos \alpha)$$

$$\cos \alpha = \frac{2}{3}$$

$$\alpha = 48^\circ 12'$$

b) Ha a forgó gömbön az  $\alpha$  helyzetben rögzítjük a golyót, annak  $R \sin \alpha \omega^2$  centripetális gyorsulása lesz. Ennek a középpont felé mutató komponense  $a_2 = R \omega^2 \sin^2 \alpha$  lesz. Ha a golyó a vátatban halad, akkor ehhez az a) esetben kiszámított  $a_1$  gyorsulás is hozzáadódik. Így a középpont felé mutató gyorsulásvektor értéke

$$a = a_1 + a_2 = R \omega^2 \sin^2 \alpha + 2g(1 - \cos \alpha).$$

Az előbb mondottak most is érvényesek a golyó leesésére vonatkozólag

$$g \cos \alpha = 2g - 2g \cos \alpha + R \omega^2 \sin^2 \alpha$$

innen

$$\cos \alpha = \frac{-3g + \sqrt{9g^2 + 4R^2 \omega^4 + 8\omega^2 Rg}}{2R\omega^2}.$$

Adott  $R$  és  $\omega$  mellett  $\alpha$  értékét a fenti képlet egyértelműen meghatározza.

*Szidarovszky Ágnes* (Bp. Ságvári E. gyak. g. II. o. t.)