A (2) egyenlet tagjait vonjuk ki az (1) megfelelő tagjaiból, keletkezik

(3) $$x-y+y^2-x^2=0 \quad \text{ill.} \quad (x-y)(1-x-y)=0\ldots$$

(3) szerint vagy $x-y=0$ vagy $1-x-y=0$.

Ezek mindegyikét az eredeti rendszer egyik egyenletéhez kapcsolva, két egyenletrendszerhez jutunk:

$$\left.\begin{aligned} x+y^2&=a \\ x-y&=0 \end{aligned}\right\} \text{I.} \quad \left.\begin{aligned} x+y^2&=a \\ x+y&=1 \end{aligned}\right\} \text{II.}$$

I. megoldása[1]

$$x=y=\frac{-1\pm\sqrt{1+4a}}{2}.$$

II. megoldása[2]

$$x=\frac{1\pm\sqrt{4a-3}}{2}, \qquad y=\frac{1\mp\sqrt{4a-3}}{2}.$$

Az I. megoldása valós, ha $1+4a\geq 0$, ill. $a\geq -\dfrac{1}{4}$.

A II. „ „ „ $4a-3 \geq 0$, ill. $a\geq \dfrac{3}{4}$.

Szakáll Ottó (Érseki g. V. o. Bp. II.)

[1] I. szerint $x^2+x-a=0$

[2] II. szerint $1-y+y^2=a$ vagyis $y^2-y+(1-a)=0$.