

I. Megoldás. Ha a keresett alapszám x , akkor

$$3x^3 + 3x^2 + 6x + 2 = 1778, \quad \text{ill.} \quad 3x^3 + 3x^2 + 6x = 1776,$$

és így

$$x^3 + x^2 + 2x = 592.$$

Eszerint

$$x^3 < 592, \quad \text{azaz} \quad x \leq 8.$$

Másrészt

$$3x^3 + 3x^2 + 6x + 2 = 1778 < 4x^3, \quad \text{tehát}$$

$$x^3 > \frac{1778}{4}, \quad x > 7.$$

Összefoglalva: $7 < x \leq 8$, tehát csak $x = 8$ lehetséges.

Fonó András (Verbőczy István g. VI. o. Bp. I.)

II. Megoldás. Nyilvánvaló, hogy $x < 10$.

$$3362 \text{ jegyei között } 6 \text{ szerepel, tehát } x > 6.$$

Így x vagy 7, vagy 8, vagy 9. Azonban

$$x^3 + x^2 + 2x = x(x^2 + x + 2) = 592 = 2^4 \cdot 37.$$

x az 592 osztója; tehát nem lehet 7, sem 9.

Csak $x = 8$ lehetséges, (8 az 592 osztója).

Böröcz Imre (Ciszterci Szent Imre g. V. o. Bp.)