A három egyenlő kifejezést két egyenletbe kapcsolhatjuk:

(1) $$x^2+3xy=12-xy\ldots$$

(2) $$x^2+3xy=16y^2-xy-x^2\ldots$$

(1a) $$x^2+4xy=12\ldots$$

(2a) $$2x^2+4xy=16y^2\ldots$$

($2a$)-ból $x^2+2xy=8y^2$ vagy $x^2+2xy+y^2=9y^2$

(2b) $$x+y=\pm 3y\ldots$$

I. Ha $x+y=3y$, $x=2y$ és $1a$)-ba helyettesítve $12y^2=12$,

tehát $$y=\pm 1,\quad x=\pm 2.$$

II. Ha $x+y=-3y$, $x=-4y$; (1a)-ba helyettesítve

$$16y^2-16y^2=12,\text{ azaz ellenmondásra jutunk.}$$

Egyenletrendszerünknek eszerint két véges megoldása van:

$$x_1=+2,\ y_1=+1\quad\text{és}\quad x_2=-2,\ y_2=-1.$$

Pallós Károly (Szent László g. V. o. Bp. X.)