

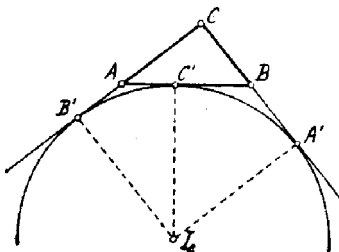
Tekintsük most az  $ABC\Delta$ -höz – a derékszög szárai között – hozzáírt kört. Ennek érintési pontjai a háromszög oldalain (ill. meghosszabbításain)  $A'$ ,  $B'$ ,  $C'$ .

Ekkor

$$CA' = CB', \quad AC' = AB', \quad BC' = BA'$$

és

$$\begin{aligned} 2s &= CA' + AC' + BC' + CB = \\ &= CB' + CA' = 2CB' \quad \text{tehát} \quad CB' = CA' = s. \end{aligned}$$



A szerkesztés ezek alapján a következő: a  $C$  csúcsú derékszög egyik szárára felmérjük a  $CA = b$  és  $CB' = s$ , a másik szárra a  $CA' = s$  távolságokat, továbbá megszerkesztjük azt a kört, amely a derékszög szárait  $A'$ -ben és  $B'$ -ben érinti. Ezen körhöz az  $A$  pontból (még egy) érintőt húzunk, mely a  $CA'$ -t a  $B$  pontban metszi.

A szerkesztés lehetőségének feltétele:  $b < s$ .

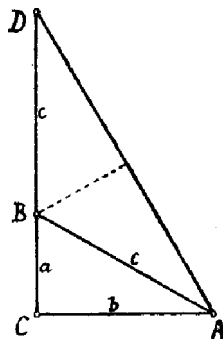
*Bolgár Imre (Fáy András g. VI. o. Bp. IX.)*

*Jegyzet:* Minthogy az átfogó  $c > b$ ,

$$2s = a + b + c > 2b, \quad \text{azaz} \quad s > b.$$

Ebből mindenesetre látjuk, hogy az  $s > b$  szükséges feltétel; a szerkesztésből látjuk, hogy egyszersmind elegendő.

**II. Megoldás.** Szerkesztünk egy derékszöveget; ennek csúcsa  $C$ . Az egyik szárára felmérjük a  $CA = b$  távolságot, a másikra a  $CD = 2s - b (= a + c)$  távolságot. Az így keletkező  $ACD\Delta$   $AD$  átfogójára felező merőlegest állítunk; ez a  $CD$ -t a  $B$  pontban metszi. Minthogy így  $AB = BD$ , az  $ABC\Delta$  valóban megfelel a követelményeknek.



Az  $AD$ -t merőlegesen felező egyenesnek  $C$  és  $D$  között kell metszenie a  $CD$  egyenest. Hogy ez bekövetkezhesék, annak szükséges és elégséges feltétele, hogy

$$AC < CD, \quad \text{azaz} \quad b < 2s - b$$

tehát

$$b < s.$$

(Ha  $2s - b = b$ , vagyis  $b = s$ , akkor az  $AD$ -t merőlegesen felező egyenes a  $C$  ponton megy keresztül!)

*Gottlieb Endre (Somssich Pál g. V. o. Kaposvár.)*