

Ha az a, b, c számok egyike sem zérus, az x, y, z ismeretlenek egyike sem lesz zérus. Kizárva tehát azon esetet, hogy az a, b, c számok bármelyike zérus, írhatjuk:

$$(1a) \quad \frac{a}{x} + \frac{b}{y} = \frac{1}{c} \dots$$

$$(2a) \quad \frac{a}{x} + \frac{c}{z} = \frac{1}{b} \dots$$

$$(3a) \quad \frac{b}{y} + \frac{c}{z} = \frac{1}{a} \dots$$

Utóbbi egyenletek megfelelő oldalait összeadva:

$$2 \left(\frac{a}{x} + \frac{b}{y} + \frac{c}{z} \right) = \frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c}.$$

Azonban

$$2 \left(\frac{a}{x} + \frac{b}{y} + \frac{c}{z} \right) = 2 \left(\frac{1}{c} + \frac{c}{z} \right) = 2 \left(\frac{1}{b} + \frac{b}{y} \right) = 2 \left(\frac{1}{a} + \frac{a}{x} \right),$$

úgy hogy

$$2 \frac{a}{x} = \frac{1}{b} + \frac{1}{c} - \frac{1}{a}, \quad 2 \frac{b}{y} = \frac{1}{a} + \frac{1}{c} - \frac{1}{b}, \quad 2 \frac{c}{z} = \frac{1}{a} + \frac{1}{b} - \frac{1}{c},$$

tehát

$$x = \frac{2a^2bc}{ba + ca - bc}, \quad y = \frac{2ab^2c}{ab + bc - ab}, \quad z = \frac{2abc^2}{cb + ca - ab}.$$

Ha az ab, bc, ca szorzatok egyike a másik kettő összegével egyenlő, akkor az x, y, z értékek egyike végtelenné válik.

Keszler László (Zrinyi Miklós rg. VI. o. Bp. VIII.)