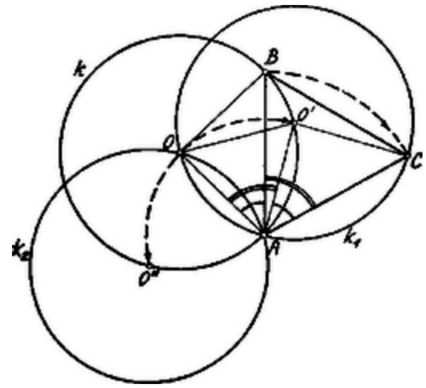
Az $(O,\, r)$ kör kerületének szilárd pontja A, tetszőleges pontja B. Forgassuk el AO-t és AB-t 60°-kal (pl. az óramutató forgásának irányában): AO az AO', AB az AC helyzetbe kerül. Ebből következik



1) az $ABC\triangle$ egyenlőoldalú, mert $AB = AC$ és $BAC\sphericalangle = 60^\circ$;

2) $AO'C\triangle \cong AOB\triangle$, mert $AO' = AO,\ AC = AB$ és $O'AC\sphericalangle = OAB\sphericalangle$.

Ezért $O'C = OB = r$.

Azonban $AOO'\triangle$ is egyenlőoldalú, mert $AO = AO'$ és $OAO'\sphericalangle = 60^\circ$, tehát $OO' = AO = r$, azaz O' az $(O,\, r)$ kör szilárd pontja, az A-tól r távolságban. Mivel pedig $O'C = r$, a C pont mértani helye oly kör, melynek középpontja O' és sugara r, az adott körrel egybevágó. Az O kör bármely B pontjához tartozik az O' kör valamely C pontja és az O' kör bármely C pontjához tartozik az O kör egy B pontja.

Minthogy az O kört két irányban lehet forgatni, két ilyen kört kapunk, mint C mértani helyét. (A két kör közös húrja AO.)

Volena-Koczor Imre (Révai Miklós g. VIII. o. Győr).