

A szerkesztést az előbbi feladat I. megoldásában kiszámított ID értékével kapcsolatban végezzük, miután megszerkesztettük azon kört, amelyben a $BC = a$ húrhoz α kerületi szög tartozik. I a $\widehat{BC} = 2\alpha$ ív felezőpontja, tehát IC húr is ismeretes és így

$$ID = \sqrt{\frac{l^2}{4} + \overline{IC}^2} - \frac{l}{2}$$

megszerkeszthető. A négyzetgyök oly derékszögű háromszög átfogóját jelenti, amelynek befogói: $\frac{1}{2}l_\alpha$ és \overline{IC} .

Ezután az I pontból az ID sugárral kört szerkesztünk, amely a BC -t a D pontban metszi, B és C között. Ennek az a feltétele, hogy

$$IE \leq ID \leq IC$$

legyen. Az $ID \leq IC$, azaz

$$\sqrt{\frac{l^2}{4} + \overline{IC}^2} - \frac{l}{2} \leq IC, \quad \text{ill.} \quad \frac{l^2}{4} + \overline{IC}^2 \leq \left(IC + \frac{l}{2} \right)^2$$

feltétel mindig ki van elégítve. A másik feltétel:

$$IE \leq \sqrt{\frac{l^2}{4} + \overline{IC}^2} - \frac{l}{2}, \quad \text{ill.} \quad \left(IE + \frac{l}{2} \right)^2 \leq \frac{l^2}{4} + \overline{IC}^2.$$

Innen

$$\overline{IE}^2 + l \cdot \overline{IE} \leq \overline{IC}^2,$$

ill.

$$\overline{IE}^2 + l \cdot \overline{IE} \leq \overline{IE} \cdot \overline{IF}, \quad \text{azaz} \quad IE + l \leq IF$$

és így

$$l \leq IF - IE, \quad \text{tehát} \quad l_\alpha \leq EF$$

a szerkesztés lehetőségének feltétele. (V. ö. az előbbi feladat megoldásával.) Az ID egyenes meghatározza a körön az A csúcsot.

Bluszt Ernő (Kossuth Lajos rg. VII. o. Pestszenterzsébet.)

Jegyzet. A szerkesztési feladat lényege, hogy adva lévén két távolság különbsége és szorzata, szerkesztendő a két távolság.

Ezen szerkesztést kellett az 1276. feladatban is (l. ezen évf. 6. számát¹) elvégeznünk. Az ott leírt szerkesztésnél hivatkoztunk a II. évf. 147. feladatára (279. oldalon a II. megoldás²).

¹1937/2. 179. old. (a szerk.)

²1926/5 178-179. old. (a szerk.)