

Ha a  $P = 1 \cdot 2 \cdot 3 \dots 9999 \cdot 10000$  szorzatban 5  $k$ -szor fordul elő tényezőként, akkor 10 is  $k$ -szor fog előfordulni, mert  $5^k \cdot 2^k = 10^k$ . Ennélfogva  $P$  annyi nullára végződik, mint a hányszor 5 tényezőként előfordul.<sup>1</sup>

Jelöljük  $R(5a)$ -val azt a számot, mely mutatja, hogy a

$$Q = 1 \cdot 2 \cdot 3 \dots (5a - 1)5a$$

szorzatban 5 hányszor fordul elő tényezőként. Minthogy 5 abszolút prímszám, azért 5 annyiszor fordul elő  $Q$ -ban tényezőként, mint az

$$(5 \cdot 1)(5 \cdot 2)(5 \cdot 3) \dots (5 \cdot a) = 5^a \cdot 1 \cdot 2 \cdot 3 \dots a$$

szorzatban, vagyis

$$R(5a) = a + R(a).$$

Alkalmazzuk e képletet feladatunkra:

$$\begin{aligned} R(10000) &= R(5 \cdot 2000) = 2000 + R(2000), \\ R(2000) &= R(5 \cdot 400) = 400 + R(400), \\ R(400) &= R(5 \cdot 80) = 80 + R(80), \\ R(80) &= R(5 \cdot 16) = 16 + R(16) \\ &\text{és} \\ R(16) &= 3. \end{aligned}$$

Adjuk össze ezen egyenlőségek mindkét oldalát:

$$\begin{aligned} R(10000) + R(2000) + R(400) + R(80) + R(16) &= \\ = 2000 + 400 + 80 + 16 + 3 + R(2000) + R(400) + R(80) + R(16), \end{aligned}$$

azaz

$$R(10000) = 2499$$

s így  $P$  2499 nullára végződik.

*A feladatot megoldották:* Erdős V., Kovács Gy., Neumann L., Paunz A., Sárközy P.

---

<sup>1</sup>Lásd az 1034. feladat megoldását a 105. oldalon.