

Az n szám osztói a legkedvezőbb esetben

$$n, \frac{n}{2}, \frac{n}{3}, \dots, \frac{n}{n-1}, 1,$$

amikor is

$$\begin{aligned} \sum_k d_k &= n + \frac{n}{2} + \frac{n}{3} + \dots + \frac{n}{n-1} + \frac{n}{n} = \\ &= n \left(1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{n} \right). \end{aligned}$$

Ámde

$$1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{n} < n,$$

tehát

$$\sum_k d_k < n^2.$$

(Ehrenfeld Nándor, Nyitra.)