E tétel kimutatható arra *az általános esetre, ha G a háromszög síkjának egy tetszőleges pontja.*

Ha u. i. az $AG,\ BG,\ CG$ egyenesek az ABC háromszög köré írt kört másodszor $D,\ E,\ F$-ben metszik, akkor

$$AGB\Delta \sim EGD\Delta,$$

mert

$$BAD\sphericalangle = GED\sphericalangle \ \text{ és } \ BGA\sphericalangle = EGD\sphericalangle,$$

tehát

$$\frac{AG}{EG} = \frac{AB}{DE}.$$

Ugyanígy nyerjük a

$$\frac{BG}{FG} = \frac{BG}{EF}, \qquad \frac{CG}{DG} = \frac{AC}{DF}.$$

egyenlőségeket, melyeknek szorzata az

$$\frac{AG \cdot BG \cdot CG}{DG \cdot EG \cdot FG} = \frac{AB \cdot BC \cdot AC}{DE \cdot EF \cdot DF} \tag{1}$$

egyenletet adja. Jelöljük T és T'-vel az ABC, illetőleg a DEF háromszög területét, akkor a háromszög köré írható kör sugara

$$R = \frac{AB \cdot AC \cdot BC}{4T} = \frac{DE \cdot EF \cdot DF}{4T'},$$

amiből

$$\frac{AB \cdot AC \cdot BC}{DE \cdot EF \cdot DF} = \frac{T}{T'}.$$

Az (1) alatti egyenlőség tehát így írható:

$$\frac{AG \cdot BG \cdot CG}{DG \cdot EG \cdot FG} = \frac{T}{T'}.$$

(Haar Alfréd, bölcsészethallgató, Budapest.)