

Ha  $x^2 = a$ ,  $y^2 = b$  és  $z^2 = c$ , akkor egyenletrendszerünk így is írható:

$$(I) \quad b - c = \frac{243}{a^2}, \quad \text{vagy} \quad (II) \quad ab - ac = \frac{243}{a},$$

$$c - a = -\frac{128}{b^2}, \quad bc - ab = -\frac{128}{b},$$

$$a - b = \frac{5}{c^2}, \quad ac - bc = \frac{5}{c}.$$

(I)-ből

$$\frac{243}{a^2} - \frac{128}{b^2} + \frac{5}{c^2} = 0.$$

(1)

$$243b^2c^2 - 128a^2c^2 + 5a^2b^2 = 0.$$

(II)-ből

$$\frac{243}{a} - \frac{128}{b} + \frac{5}{c} = 0,$$

(2)

$$243bc - 128ac + 5ab = 0.$$

(I)-ből és (II)-ből

$$a_1 = 9c; \quad a_2 = -\frac{201}{41}c$$

$$b_1 = 4c; \quad b_2 = -\frac{12864}{4579}c.$$

Helyettesítsük az (I) alatti egyenletrendszer harmadik egyenletébe  $a_1$ ,  $b_1$  és  $a_2$ ,  $b_2$  értékeit. Ekkor  $c$ -re nézve két harmadfokú egyenletet nyerünk. Ha  $a_1$  és  $b_1$  értékét helyettesítjük, akkor nyerjük, hogy

$$c^3 = 1,$$

miből  $c$  valós értéke

$$c = 1,$$

s így

$$z = \sqrt{c} = \pm 1, \quad y = \sqrt{b} = \pm 2\sqrt{c} = \pm 2 \quad \text{és} \quad x = \sqrt{a} = \pm 3.$$

(Tóth Balázs, Eger.)

*A feladatot még megoldották:* Ádámffy E., Dömény J., Fekete M., Haar A., Harsányi Z., Kürti I., Rássy P., az V. ker. főgymn. matematikai köre.