

$$\begin{aligned}(x + iy)^3 &= x^3 + i(3x^2y - y^3) - 3xy^2 = \\ &= x^3 - 3xy^2 + y(\sqrt{3}x + y)(\sqrt{3}x - y)i.\end{aligned}$$

E kifejezés akkor valós, ha

$$y(\sqrt{3}x + y)(\sqrt{3}x - y) = 0,$$

a miből (minthogy $y = 0$ valós számokat ad):

$$1. y = -\sqrt{3}x \text{ és } 2. y = \sqrt{3}x.$$

A keresett mértani helyek tehát oly egyenesek, melyek a kezdőponton mennek át s melyek – minthogy $\operatorname{tg}\alpha = \mp\sqrt{3}$ – az abszcissa tengely pozitív irányával 120° , illetőleg 60° szöget zárnak be.

Körzővel és vonalzóval e mértani helyek következőképpen szerkeszthetők meg: A pozitív abszcissa tengelyen kijelölünk egy pontot, mely a kezdőponttól az egységnyi távolságban van. E távolság kétszeresével a kezdőponttól körívet rajzolunk, mely az egységnyi távolságban az abszcissa tengelyre emelt merőlegest két pontban metszi. E pontokat a kezdőponttal összekötve, kapjuk a keresett egyeneseket.

(Szmodics Hildegárd, Kaposvár.)

A feladatot még megoldották: Aczél F., Bartók I., Bayer B., Bogdán G., Dessauer A., Enyedi B., Haar A., Kertész F., König D., Lázár L., Mixich P., Pilczér P., Pintér M., Pivnyik I., Póka Gy., Riesz K., Schlesinger A., Schmidl I., Spitzer V., Steiner M., Sümegi Gy., Tóbiás L.