

Lapunk V. évfolyamának 96. lapján a következő tételt bizonyítottuk be:

$$a^2 + b^2 = 2\left(\frac{c^2}{4} + m^2\right),$$

ha m a c oldalhoz tartozó középvonala a háromszögnek.

E tételt alkalmazva, kapjuk, hogy

$$\overline{BC}^2 + \overline{CD}^2 = 2\overline{CN}^2 + \frac{\overline{BD}^2}{2}$$

$$\overline{AB}^2 + \overline{AD}^2 = 2\overline{AN}^2 + \frac{\overline{BD}^2}{2}$$

E két egyenletet összeadva:

$$(1) \quad \overline{AB}^2 + \overline{BC}^2 + \overline{CD}^2 + \overline{DA}^2 = 2(\overline{CN}^2 + \overline{AN}^2) + \overline{BD}^2$$

De az ACN háromszögből:

$$\overline{CN}^2 + \overline{AN}^2 = \frac{\overline{AC}^2}{2} + 2\overline{NM}^2.$$

mit (1)-be téve:

$$\overline{AB}^2 + \overline{BC}^2 + \overline{CD}^2 + \overline{DA}^2 = \overline{AC}^2 + \overline{BD}^2 + 4\overline{MN}^2.$$

(Sasvári Géza, Pécs.)

A feladatot még megoldották: Filkorn J., Freibauer E., Kiss A., Kohn B., Kornis F., Krausz B., Krisztián Gy., Lukhaub Gy., Lupsa Gy., Stern D., Szabó J., Vajda Ö., Weisz J.