



vagy

$$(3) \quad \eta = \angle BA_1C_1 + \angle CA_2B_2$$

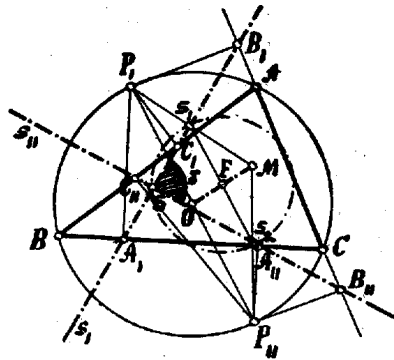
Ámde az  $s_1$  és  $s_2$  által bezárt  $\delta$  szög külsője az  $A_1SA_2$  háromszögnek, s így

$$(4) \quad \delta = \angle BA_1C_1 + \angle CA_2B_2.$$

A (3) és (4) alapján közvetlenül látható, hogy

$$\delta = \eta.$$

3°. (4. ábra.) Kössük össze a változó átmérő  $P_1$  és  $P_2$  végpontjait  $M$ -mel, a háromszög magasságpontjával  $s$  jelöljük  $P_1M$  és  $P_2M$  metszéspontjait az  $s_1$  és  $s_2$  Simson-féle egyenesekkel  $S_1$  és  $S_2$ -vel. Legyen a háromszög köré írható kör középpontja  $O$  s végre az  $S_1S_2$  és  $OM$  egyenesek metszéspontja  $F$ .



4. ábra

Az előbbiek alapján:

$$\delta = 90^\circ, \quad P_1S_1 = S_1M, \quad P_2S_2 = S_2M,$$

s minthogy

$$P_1O = P_2O,$$

azért az  $MS_1S_2$  és  $MP_1P_2$  háromszögek hasonlók. De ekkor:

$$MF = OF \text{ és } S_1S_2 = \frac{P_1P_2}{2} = \frac{r}{2}.$$

Látjuk, hogy  $F$  középpontja ama egyenesnek, mely a magassági pontot a háromszög köré írható kör középpontjával összeköti, miért is  $F$  a Feuerbach-féle kör középpontja (V. évfolyam 22. lap). Minthogy továbbá  $S_1S_2 = \frac{r}{2}$  és  $\delta = 90^\circ$ , azért  $S_1S_2$  a Feuerbach-féle kör átmérője és a Simson-féle egyenesek metszéspontjának,  $S$ -nek, a mértani helye a Feuerbach-féle kör (IV. 46. lap).

(Antal Márkus.)

A feladatot még megoldották: Freibauer E., Krisztián Gy., Kornis Ö., Krausz B., Lukhaub Gy., Sasvári G.