

A feladat értelmében

$$a_1(1 + q^2 + q^4) = 63 \quad \text{és} \quad a_1(q + q^3) = 30$$

e két egyenletből a_1 -et kiküszöbölve, lesz

$$30q^4 - 63q^3 + 30q^2 - 63q + 30 = 0$$

az egyenletnek minden tagját $3q^2$ -tel osztva:

$$(1) \quad 10\left(q^2 + \frac{1}{q^2}\right) - 21\left(q + \frac{1}{q}\right) + 10 = 0.$$

Legyen

$$(2) \quad q + \frac{1}{q} = y,$$

akkor

$$q^2 + \frac{1}{q^2} = y^2 - 2$$

s így (1)-ből lesz

$$10y^2 - 21y - 10 = 0,$$

miből

$$y_1 = \frac{5}{2} \quad \text{és} \quad y_2 = -\frac{2}{5}.$$

Ezen értékeket (2)-be helyettesítve:

$$q_1 = 2, \quad q_2 = \frac{1}{2}, \quad q_3 = \frac{-1 + 2i\sqrt{6}}{5}, \quad q_4 = -\frac{1 + 2i\sqrt{6}}{5}.$$

A valós tagokból álló haladványok tehát

$$3, 6, 12, 24, 48 \quad \text{és} \quad 48, 24, 12, 6, 3.$$

(Juvancz Irén, Nyíregyháza.)

A feladatot még megoldották: Boros J., Csete A., Dolowschiák M., Filkorn J., Goldberger M., Kárf J., Kornis Ö., Krausz B., Krisztián Gy., Lukhaub Gy., Mandel M., Miliczner L., Obláth R., Petrogalli G., Pollák N., Porkoláb J., Prakatur T., Romsauer Etta., Róth D., Sasvári G., Sasvári J., Schieb Á., Spitzer Ö., Weisz J.