

I. Megoldás 1°. Válasszuk az e egyenest az abszcissák tengelyéül; a reá merőlegesen álló ordináta tengely tetszőleges. A megadott háromszög csúcsainak koordinátái rendre: $(x_1, y_1), (x_2, y_2), (x_3, y_3)$. A keresett X pont koordinátái $(x, 0)$. A megadott

$\overline{XA}^2 + \overline{XB}^2 + \overline{XC}^2$ így írható fel :

$$\begin{aligned} f(x) &= (x - x_1)^2 + y_1^2 + (x - x_2)^2 + y_2^2 + (x - x_3)^2 + y_3^2 \\ &= 3x^2 - 2(x_1 + x_2 + x_3)x + C, \end{aligned}$$

hol C az ismert értékekből összetett állandó. Az $f(x)$ másodfokú függvény akkor veszi fel minimális értékét, ha

$$x = \frac{x_1 + x_2 + x_3}{3};$$

ez a keresett pont abszcissája; minthogy pedig a háromszög súlypontjának (S) abszcissája ugyanaz, azért a keresett X pont, a súlypontból az e egyenesre bocsátott merőleges talppontja.

2°. A SXP szög az e egyenes minden helyzeténél derékszög; minthogy pedig az SP távolság állandó, azért az X pont mértani helye az SP mint átmérő fölé rajzolt kör.

(Friedmann Bernát.)

II. Megoldás Legyen X' az e egyenesnek egy tetszés szerinti pontja; akkor:

$$\overline{AX'}^2 + \overline{BX'}^2 + \overline{CX'}^2 = \overline{SA}^2 + \overline{SB}^2 + \overline{SC}^2 + 3\overline{SX'}^2$$

A kérdéses kifejezés akkor minimum, ha $\overline{SX'}$ minimum.

A keresett X pontot tehát megkapjuk, ha S -ből e -re merőlegest bocsátunk.

A feladatot még megoldották: Devecis M., Kertész L., Kornis Ö., Roth M., Sasvári G., Spitzer Ö., Szabó I., Szabó K.