$$x^2 - mx - 1 = 0 \tag{1}$$

$$x^2 + mx - 1 = 0 \tag{2}$$

Minthogy a két egyenletben negatív az absolut tag, azért mindkét egyenletnek külömböző jelű valós gyökei vannak; a és c positívok, b és d negatívok. Minthogy továbbá (1)-ben x-nek az együtthatója negatív, azért a positív gyök nagyobb mint a negatív gyök absolut értéke, azaz

$$| a |>| b | . \tag{3}$$

De két oly másodfokú egyenletnek, melyek csak az elsőfokú ismeretlen előjelében különböznek, gyökei szintén csak az előjelben külömböznek s így

$$| a |=| d | \tag{4}$$

és

$$| b |=| c | \tag{5}$$

(4)-et és (5)-öt (3)-ba téve:

$$| d |>| b | \tag{6}$$

$$| a |>| c | . \tag{7}$$

Mivel úgy b, mint d, negatív, (6)-ból következik, hogy

$$| d |<| b | \tag{8}$$

és mivel úgy a mint c positív, (7)-ből következik, hogy

$$| a |>| c | \tag{9}$$

(8)-ból és (9)-ből következik, hogy

$$| a |>| c |>| b |>| d | .$$

(Friedmann Bernát).

A feladatot még megoldották: Brandt D., Dénes A., Erdős A., Goldziher K. és Kármán T., Manheim E., Prode Gy., Spitzer Ö., Szabó I., Szabó K.