

1°. Ha $r, r_1, r_2, r_3, \dots, r_n$ az egymásra következő gömbök sugarai, úgy a 197. feladat értelmében:

$$r_1 = \frac{r}{3}, r_2 = \frac{r_1}{3} = \left(\frac{1}{3}\right)^2 r, \dots, r_n = \left(\frac{1}{3}\right)^n r.$$

S miután a gömbök térfogatai egyenes arányban állanak sugaraik köbével, következik, hogy

$$V_1 = \frac{1}{27}V, V_2 = \left(\frac{1}{27}\right)^2 V, \dots, V_n = \left(\frac{1}{27}\right)^n V.$$

A gömbök térfogatai tehát oly végtelen mértani haladványt képeznek, melynek első tagja V , s hányadosa $\frac{1}{27}$; a gömbök térfogatainak összege tehát lesz:

$$\frac{V}{1 - \frac{1}{27}} = \frac{27}{26}V.$$

2° A 197. feladat értelmében a tetraéder köré írható gömb sugara:

$$r = \frac{a}{4}\sqrt{6}$$

miből

$$(1) \quad a = r\sqrt{\frac{8}{3}}$$

Tehát az első tetraéder térfogata:

$$(2) \quad K = \frac{8r^3}{9\sqrt{3}}$$

Mint hogy a gömbökbe írt szabályos tetraéderek térfogata egyenes arányban állanak a gömbök térfogataival, következik, hogy az egymásután következő tetraéderek oly végtelen mértani haladványt képeznek, melynek első tagja K , hányadosa $\frac{1}{27}$. A tetraéderek térfogatainak összege tehát lesz:

$$(3) \quad \frac{8r^3}{9\sqrt{3}} \cdot \frac{27}{26} = \frac{12r^3}{13\sqrt{3}}$$

De

$$(4) \quad V = \frac{4}{3}r^3\pi, \text{ s így } r^3 = \frac{3V}{4\pi}$$

(4)-et (3)-ba téve, kapjuk:

$$\frac{12 \cdot 3V}{13 \cdot 4 \cdot \pi\sqrt{3}} = \frac{3V\sqrt{3}}{13\pi}$$

(Suschnik József, főreáliskolai VIII. o.t., Kecskemét.)

A feladatot még megoldották: Friedmann Bernát, S.-A.-Ujhely; Hofbauer Ervin, Budapest; Grünhut Béla és Visnya Aladár, Pécs.