

A 109. feladat eredménye értelmében

$$\frac{p}{q} = \frac{AD^2 - XY^2}{XY^2 - BC^2}$$

tehát csak az XY egyenes hossza határozandó meg.

Legyen $AB = a$, $BC = b$, $CD = c$, $DA = d$ és $XY = z$. Húzzuk a B pontból a $BY'D'$ egyenest, mely CD -vel párhuzamos és az XY és AD egyeneseket Y' és D' pontokban metszi.

Ekkor a feladat értelmében

$$XB + BY' = Y'D' + D'A + AX.$$

Válasszunk az AD' egyenesen egy B' pontot úgy, hogy

$$XB = B'A + AX$$

és

$$Y'B = B'D' + D'Y'.$$

De

$$XB + AX = a = B'A + 2AX$$

$$Y'B + D'Y' = c = B'D' + 2D'Y'.$$

és

$$a : c = AX : D'Y'$$

tehát

$$AB' : B'D' = a : c$$

vagyis B az ABD' szög felező egyenesének metszéspontja az AD' egyenessel. Így tehát

$$AB' = \frac{a AD'}{a + c}$$

$$B'D' = \frac{c AD'}{a + c}$$

és

$$2AX = a - \frac{a AD'}{a + c} = \frac{a(a + c - AD')}{a + c}$$

$$2D'Y' = c - \frac{c AD'}{a + c} = \frac{c(a + c - AD')}{a + c}$$

$$BX = a - \frac{1}{2} \frac{a(a + c - AD')}{a + c} = \frac{a(a + c + AD')}{2(a + c)}$$

$$BY' = c - \frac{1}{2} \frac{c(a + c - AD')}{a + c} = \frac{c(a + c + AD')}{2(a + c)}$$

Vagyis

$$BX = \frac{a(a + c + d - b)}{2(a + c)}$$

De

$$XY' : AD' = (z - b) : (d - b) = \frac{a(a + c + d - b)}{2(a + c)} : a$$

$$(z - b) : (d - b) = (a + c + d - b) : 2(a + c)$$

$$z = \frac{d - b}{2(a + c)}(a + c + d - b) + b$$

s így végre a keresett:

$$z = \frac{(d - b)^2 + (a + c)(d + b)}{2(a + c)} = \frac{d + b}{2} + \frac{(d - b)^2}{2(a + c)}$$

A feladatot megoldották: Friedmann Bernát, fg. VI. S.-A.-Ujhely; Meitner Elemér, fr. VIII. Budapest; Visnya Aladár, fr. VII. Pécs; Weisz Lipót, fr. VI. Pécs.