

Mint ahogy

$$\sin C = \sin(A + B)$$

azért

$$\begin{aligned}\sin A + \sin B + \sin C &= 2 \sin \frac{A+B}{2} \cos \frac{A-B}{2} + 2 \sin \frac{A+B}{2} \cos \frac{A+B}{2} = \\ &= 2 \sin \frac{A+B}{2} \left(\cos \frac{A-B}{2} + \cos \frac{A+B}{2} \right) = 2 \sin \frac{A+B}{2} \cdot 2 \cos \frac{A}{2} \cos \frac{B}{2} = \\ &= 4 \cos \frac{C}{2} \cos \frac{A}{2} \cos \frac{B}{2}.\end{aligned}$$

Továbbá

$$\begin{aligned}\tan A + \tan B + \tan C &= \frac{\sin A}{\cos A} + \frac{\sin B}{\cos B} + \frac{\sin C}{\cos C} = \frac{\sin A \cos B + \cos A \sin B}{\cos A \cos B} + \\ + \frac{\sin C}{\cos C} &= \frac{\sin(A+B)}{\cos A \cos B} + \frac{\sin C}{\cos C} = \frac{\sin C}{\cos A \cos B} + \frac{\sin C}{\cos C} = \frac{\sin C(\cos C + \cos A \cos B)}{\cos A \cos B \cos C} \\ &= \frac{-\sin C(\cos(A+B) - \cos A \cos B)}{\cos A \cos B \cos C} = \frac{\sin C \sin A \sin B}{\cos A \cos B \cos C} \\ &= \tan C \tan A \tan B \quad \text{q.e.d.}\end{aligned}$$

(Pilczér Ignác főgymn. VIII. o. t. Kaposvár.)

A feladatot még megoldották: Bolemann Béla, Budapest; ifj. Berznyik János, Selmeczbánya; Engel Richárd, Győr; Grossmann Gusztáv, Budapest; Heymann Tivadar, Győr; ifj. Imre János, Nyíregyháza; Jankovich György, Losoncz; Meitner Elemér, Budapest; Schulhof Gábor, Pécs; Szabó Gusztáv, Győr.