Jeleljük a szögfelező egyenes metszéspontjait az AB és $A'B'$ egyenesekkel D és D'-tel, az MM' egyenes metszéspontját az OY-nal E-vel. Hogy bebizonyíthassuk, miszerint az ODD' egyenes párhuzamos az EMM' egyenessel, csak azt kell kimutatnunk, miszerint

$$B'D' : B'M' = B'O : B'E \tag{1}$$

Az $A'OB'$ háromszögből következik, hogy

$$B'D' = \frac{2B'M' \cdot B'O}{OA' + OB'}$$

vagyis, hogy

$$B'F = \frac{OA' + OB'}{2} = \frac{B'M' \cdot B'O}{OA' + OB'} \tag{2}$$

hol F az M' pontból $D'D$-vel párhuzamosan húzott egyenes metszéspontja az OY-nal.

De minthogy

$$OA' = OA + AA' = OA + 1$$

$$OB' = OB + BB' = OB + 1$$

$$\frac{OA' + OB'}{2} = 1 + \frac{OA + OB}{2} \tag{3}$$

Az AOB háromszögből következik, hogy

$$BD = \frac{2BM \cdot BO}{OA + OB}$$

vagyis, hogy

$$BG = \frac{OA + OB}{2} = \frac{BM \cdot BO}{BD} \tag{4}$$

hol G az M pontból $D'D$-vel párhuzamosan húzott egyenes metszéspontja OY-nal.

A 2), 3) és 4)-ből látjuk, miszerint

$$\frac{BM' \cdot B'O}{B'D'} = 1 + \frac{BM \cdot BO}{BD} \tag{5}$$

azaz

$$B'F - BG = 1 \tag{6}$$

ami csak úgy lehetséges, ha F a G-vel összeesik.

De minthogy $FM' \parallel DD'$ és $GM \parallel DD'$ az FM' a GM-mel összeesik, vagyis az FM' az M-en és GM az M'-en megy keresztül. Végre tehát az F és G nem egyéb az MM' és OY egyenesek metszéspontja E-nél.

(Heymann Tivadar, főreálisk. VIII. oszt. tanuló, Győr).