

$$\begin{array}{r}
x^4 + 1 : x^2 + px + q = x^2 - px + p^2 - q \\
\underline{x^4 + px^3 + qx^2} \\
- px^3 - qx^2 + 1 \\
\underline{- px^3 - p^2x^2 - pqx} \\
(p^2 - q)x^2 + pqx + 1 \\
\underline{(p^2 - q)x^2 + p(p^2 - q)x + q(p^2 - q)} \\
p(2q - p^2)x - q(p^2 - q) + 1
\end{array}$$

Hogy a maradék az x bármely értékénél zérus legyen, kell, hogy:

$$p(2q - p^2) = 0, \quad 1)$$

$$q(p^2 - q) = 1. \quad 2)$$

Az (1)-ből $p' = 0$ és $p'' = \sqrt{2q}$. Ezen értékeket a (2)-be helyettesítve, lesz:

$$q^2 = -1,$$

$$q^2 = +1.$$

A p és q egybetartozó értékei tehát a következők:

$$p = 0, \quad q = \sqrt{-1},$$

$$p = \sqrt{2}, \quad q = 1,$$

$$p = \sqrt{-2}, \quad q = -1;$$

és így az $x^4 + 1$ kifejezés osztói:

$$x^2 + \sqrt{-1},$$

$$x^2 + \sqrt{2}x + 1,$$

$$x^2 + \sqrt{-2}x - 1.$$

(Heymann Tivadar, főreálisk. VIII. oszt. tanuló, Győr) A feladatot még megoldotta: Rosenberg József, főreálisk. VIII. o. t. Győr.