

Először megmutatjuk, hogy az ABM , BCM és CAM háromszögek magasságpontjai rendre C , A és B . Az ABM háromszög A -hoz tartozó magasságegyenese AC , mert $AC \perp BM$; B -hez tartozó magasságegyenese pedig BC , mert $BC \perp AM$. Ezért a háromszög magasságpontja $AC \cap BC = C$. Ugyanígy látható be a BCM és a CAM háromszögre vonatkozó állítás is.

Jelöljük az ABM , BCM és CAM háromszögek súlypontjait rendre S_C , S_A és S_B -vel. Az előzőek alapján azt kell megmutatnunk, hogy a CS_C , AS_A és BS_B egyenesek egy ponton mennek át. Vektorok segítségével azt látjuk be, hogy

e három szakasznak a rajtuk lévő súlyponthoz legközelebbi negyedelőpontjai egybeesnek. Legyenek az M -ből az ABC háromszög csúcsaihoz vezető vektorok \mathbf{a} , \mathbf{b} és \mathbf{c} . Egy háromszög súlypontjának helyvektora megegyezik a csúcsok helyvektorai összegének harmadával, ezért

$$3\overline{MS_C} = \mathbf{a} + \mathbf{b}, \quad 3\overline{MS_A} = \mathbf{b} + \mathbf{c} \quad \text{és} \quad 3\overline{MS_B} = \mathbf{c} + \mathbf{a}$$

(hiszen az M pont helyvektora $\mathbf{0}$). Egy szakasz egyik végpontjához legközelebbi negyedelőpontjának helyvektora pedig egynegyede a közelebbi végpont helyvektora háromszorosának és a távolabbi végpont helyvektora összegének. Így a CS_S , AS_A és BS_B szakaszok súlyponthoz legközelebbi negyedelőpontjainak helyvektorai:

$$\frac{1}{4}(3\overline{MS_C} + \mathbf{c}) = \frac{1}{4}(\mathbf{a} + \mathbf{b} + \mathbf{c}) = \frac{1}{4}(3\overline{MS_A} + \mathbf{a}) = \frac{1}{4}(3\overline{MS_B} + \mathbf{b}).$$

Ez azt jelenti, hogy a három szakasz egy ponton megy át.

Megjegyzés. Bizonyításunk tetszőleges háromszögre helyes.