Legyen a 10 egymást követő pozitív egész n, $n+1$, $n+2$, $\ldots$, $n+9$. Ekkor a tíz szám összege: $n+(n+1)+\cdots+(n+9) = 10n+45$, és a négyzetösszegük:

$$n^2+(n+1)^2+\cdots+(n+9)^2 =$$
$$= 10n^2+2n+4n+6n+\cdots+18n+1^2+2^2+3^2+\cdots+9^2 = 10n^2+90n+285,$$

tehát a $\dfrac{10n^2+90n+285}{10n+45}$ tört értéke egész.

$$\frac{10n^2+90n+285}{10n+45} = n+4+\frac{n+21}{2n+9},$$

így az $\dfrac{n+21}{2n+9}$-nek egésznek kell lennie.

Mivel az n pozitív egész, azért $n+21<6n+27$, azaz $\dfrac{n+21}{2n+9}<3$, így csak $\dfrac{n+21}{2n+9}=1$ vagy $\dfrac{n+21}{2n+9}=2$ lehet. Az első esetben $n=12$, a második esetben pedig $n=1$, valóban pozitív egészek.
Tehát a 10 egymást követő pozitív egész az 1, 2, 3, $\ldots$, 10 vagy a 12, 13, 14, $\ldots$, 21.

Csernus Attila (Budapest, Árpád Gimn., I. o.t.)