

Tekintsük a  $q(x) = (x + 1)p(x)$  és az

$$r(x) = x + \frac{1}{(n + 1)!}(0 - x)(1 - x) \dots (n - x)$$

polinomot. Látható, hogy mindkettő legfeljebb  $(n + 1)$ -edfokú polinom, és  $k = 0, 1, \dots, n$  esetén  $q(k) = r(k) = k$ . Ezen kívül

$$r(-1) = -1 + \frac{1}{(n + 1)!}(0 - (-1))(1 - (-1)) \dots (n - (-1)) = 0 = q(-1).$$

A  $q$  és  $r$  polinomok értéke tehát  $n + 2$  különböző helyen megegyezik. Ebből következik hogy a két polinom ugyanaz, ezért

$$p(n + 1) = \frac{q(n + 1)}{n + 2} = \frac{r(n + 1)}{n + 2} = \frac{n + 1 + (-1)^{n+1}}{n + 2}.$$

A  $p(n + 1)$  értéke tehát 1, ha  $n$  páratlan és  $\frac{n}{n + 2}$ , ha  $n$  páros.