

Jelöljük az  $AC$  szár felezőpontját  $F$ -fel, az  $ABC$  háromszög köré írható kör középpontját  $O_1$ -gyel, a  $BCF$  háromszög köré írt kör és a  $CO_1$  egyenes  $C$ -től különböző metszéspontját  $M$ -mel, az  $M$ -ből  $AC$ -re bocsátott merőleges talppontját pedig  $D$ -vel (az 1. ábra a hegyes-, a 2. pedig a tompaszögű  $ABC$  háromszög esetét mutatja).

Mivel a  $B, C, F, M$  pontok egy körön vannak, azért  $\angle MFB = \angle MCB$  és  $\angle MBF = \angle MCF$ . Az  $ABC$  egyenlő szárú háromszögben  $MC$  felezi az  $\angle ACB$  szöget, ezért  $\angle MCB = \angle MCA (= \angle MCF)$ , tehát az  $MBF$  háromszög  $BF$  oldalán lévő szögek is egyenlők, így  $MF = MB$ . Az  $M$  rajta van az  $ABC$  háromszög szimmetriatengelyén, ezért

$MB = MA$ , vagyis az  $AMF$  háromszög is egyenlő szárú, s így  $D$  felezi az  $AF$  szakaszt. Mivel  $AF = \frac{AC}{2}$ , azért  $DF = \frac{AC}{4}$ . Az  $O_1$  pont rajta van az  $AC$  szakasz felezőmerőlegesén, ezért  $O_1F \parallel MD$ . A  $DCM$  szögre alkalmazva a párhuzamos szelők tételét, kapjuk, hogy

$$\frac{MC}{O_1C} = \frac{DC}{FC} = \frac{DF + FC}{FC} = \frac{3}{2}.$$

Tehát a keresett hossz  $O_1C = 1$  miatt  $\frac{3}{2}$ .

*Lengyel Tímea* (Kaposvár, Munkácsy M. Gimn., II. o.t.) dolgozata alapján