

Mindkét kérdésre igen a válasz. Ennek bizonyításához elég egy-egy példát mutatni.

A második esetben a $-2, 1, 4$ számok ilyen sorrendben egy 3 differenciájú számtani sorozatot alkotnak, viszont átrendezve, az $1, -2, 4$ sorozat -2 hányadosú mértani sorozat.

Az első esetben keressük a számokat $1, q^2, q^3$ alakban; ezek szerepelnek az $1, q, q^2, q^3$ mértani sorozatban. Ezek a számok akkor alkotnak számtani sorozatot, ha $1 + q^3 = 2q^2$. Egy oldalra rendezve és szorzattá alakítva:

$$(q - 1)(q^2 - q - 1) = 0.$$

Látjuk, hogy a $q^2 - q - 1 = 0$ egyenlet bármelyik gyöke, például $q = \frac{1 + \sqrt{5}}{2}$ megfelelő. (A $q = 1$ megoldás azért nem jó, mert akkor a sorozat egyenlő számokból állna.) Az első kérdésre tehát egy lehetséges példa:

$$1, \quad \left(\frac{1 + \sqrt{5}}{2}\right)^2 = \frac{3 + \sqrt{5}}{2}, \quad \left(\frac{1 + \sqrt{5}}{2}\right)^3 = 2 + \sqrt{5}.$$