

Az egyenes messe a szögcsúcsát az  $A$  és  $B$  pontokban,  $O$  a szög csúcsa. Jelölje  $OA = a$ , illetve  $OB = b$  a lemetezett szakaszok hosszát,  $OF = \frac{1}{2}$ . Írjuk fel a keletkezett háromszögek területét az ismert képlet alapján:

$$T_{AOB} = \frac{ab \sin 60^\circ}{2}; \quad T_{OAF} = \frac{\frac{1}{2}a \sin 30^\circ}{2};$$

$$T_{OBF} = \frac{\frac{1}{2}b \sin 30^\circ}{2}.$$

Egyrészt tudjuk, hogy

$$T_{AOB} = T_{OAF} + T_{OBF} = \frac{a}{8} + \frac{b}{8} = \frac{\sqrt{3}}{4},$$

ahonnan  $a + b = 2\sqrt{3}$ , másrészt az  $\frac{ab\sqrt{3}}{2} = \frac{\sqrt{3}}{4}$  egyenletből  $ab = 1$ .

A gyökök és együtthatók összefüggései alapján  $a$  és  $b$  a következő másodfokú egyenlet gyökei:  $x^2 - 2\sqrt{3}x + 1 = 0$ , ahonnan  $x_1 = \sqrt{3} + \sqrt{2}$ ,  $x_2 = \sqrt{3} - \sqrt{2}$ .

A szárakból lemetezett szakaszok hossza:  $\sqrt{3} + \sqrt{2}$  és  $\sqrt{3} - \sqrt{2}$  egység.

