

Legyen az adott  $k_1$  körvonal megszerkesztendő középpontja  $O$ , a körvonal egy tetszőleges pontja pedig  $A$ . Rajzoljunk az  $A$  mint középpont körül egy olyan  $k_2$  kört, amelynek a sugara az adott körénél kisebb, annak felénél viszont nagyobb; messe ez a kör a  $k_1$ -et  $B$ -ben és  $C$ -ben. ( $k_2$  megtalálása a szerkesztés egyetlen „véletlenszerű” lépése; többszöri kísérletezéssel, illetve becsléssel oldhatjuk meg, pl. azt, hogy  $k_2$  kisebb sugárú-e, mint  $k_1$ , úgy ellenőrizhetjük, hogy rámérhető-e – „maradékkal” – hatszor a  $k_1$ -re.) Húzzuk meg ezután a  $B$  és  $C$  középpontú, egyaránt  $AB$  sugarú  $k_{3B}$  és  $k_{3C}$  köröket. A  $k_1$ -en belül  $k_{3B}$  és  $k_{3C}$  metszéspontját  $D$ -vel jelöljük. Szerkesszük meg most a  $D$  középpontú,  $DA$  sugarú  $k_4$  kört;  $k_4$  és  $k_2$  metszéspontjait jelölje  $G$  és  $H$ .

Megmutatjuk, hogy a  $G$  és a  $H$  középpontú,  $GA = HA (= AB)$  sugarú körök  $A$ -tól különböző metszéspontja éppen a keresett  $O$  középpont. Jelöljük  $k_1$  sugarát  $R$ -rel,  $k_2$  sugarát  $r$ -rel, a  $DCA$  szöget pedig  $\alpha$ -val. A  $DCA$  egyenlő szárú derékszögű háromszögből  $CDA \sphericalangle = CAD \sphericalangle = 90^\circ - \frac{\alpha}{2}$ , így  $DA = 2r \sin \frac{\alpha}{2}$ . Az  $ABC$  háromszög köré írt kör  $k_1$ , és az  $AB = r$  oldallal szemközti szög  $\frac{\alpha}{2}$ , ezért  $R = \frac{r}{2 \sin \frac{\alpha}{2}}$ . Mivel a  $k_{3B}$  és  $k_{3C}$  körök egymás tükörképei az  $OA$  egyenesre vonatkozóan, azért  $O$ ,  $D$  és  $A$  egy egyenesen fekszik; így  $GAD \sphericalangle = OAG \sphericalangle$ . Továbbá

$$\frac{GA}{AD} = \frac{r}{2r \sin \frac{\alpha}{2}} = \frac{\frac{r}{2 \sin \frac{\alpha}{2}}}{r} = \frac{OA}{AG},$$

tehát az  $ADG$  és az  $AGO$  háromszögek hasonlók. Így  $DA = DG$  miatt  $GA = GO$  (és ugyanígy  $HA = HO$ ).

*Terpai Tamás* (Fazekas M. Főv. Gyak. Gimn., I. o.t.)

