

Tegyük föl, hogy van a számok között pozitív, legyen ezek közül (az egyik) legnagyobb az  $a_k$ . Nyilván  $1 \leq k \leq n-1$ , hiszen  $a_0 = a_n = 0$ . Az  $a_{k-1} + a_{k+1} - 2a_k \geq 0$  feltétel átrendezéséből  $\frac{a_{k-1} + a_{k+1}}{2} \geq a_k$ , ami azt jelenti, hogy  $a_{k-1}$  és  $a_{k+1}$  közül legalább az egyik nem kisebb  $a_k$ -nál. Mivel  $a_k$  a számok legnagyobbika, ez csak úgy lehetséges, ha  $a_{k-1} = a_{k+1} = a_k$ . Ezt ismételve  $a_0 = a_1 = \dots = a_n = 0$  adódik, ami ellentmond az  $a_k > 0$  feltevésnek. Ezzel az állítást igazoltuk.

*Megjegyzés.* Terpai Tamás (Fazekas M. Főv. Gyak. Gimn., 8. o.t.) megoldásában rámutat, hogy a feladatban szereplő feltételek azt jelentik, hogy a  $(0, a_0), (1, a_1), \dots, (n, a_n)$  pontok összekötésével egy konvex függvénygörbét kapunk (lásd az ábrát), és ennek maximuma az értelmezési tartomány végpontja(i)ban van, hacsak nem konstans. Mindkét esetben tehát  $a_k \leq a_0 = a_n = 0$ .

