

Átalakítások után a feltételek így foglalhatók össze:

$$(a - c)(a + c) > d - b \quad (1) \quad a - c > (d - b)(d + b) \quad (2) \quad a, b, c, d \geq \frac{1}{2}. \quad (3)$$

Tegyük föl először, hogy $a \leq c$, azaz $a - c \leq 0$. A (3)-ból $a + c \geq 1$; ezt $(a - c)$ -vel szorozva (a relációjel közben persze megfordul):

$$(a - c)(a + c) \leq a - c.$$

Az eredményt (1)-gyel összevetve

$$d - b < (a - c)(a + c) \leq a - c,$$

rendezve a kívánt $d + c < a + b$ adódik.

Vizsgáljuk ezután az $a > c$ esetet, először a $d \geq b$ feltevés mellett. Ekkor (3) alapján $d + b \geq 1$, ezt $(d - b)$ -vel szorozva és (2)-vel kombinálva:

$$a - c > (d - b)(d + b) \geq d - b,$$

azaz $a + b > c + d$.

Amennyiben pedig $a > c$ és $b > d$, akkor $a + b > c + d$ nyilvánvalóan teljesül. Ezzel az állítást minden esetben igazoltuk.

Pintér Dömötör (Szombathely, Nagy Lajos Gimn., II. o.t.) dolgozata alapján