

A szereplő többjegyű számokat a következőképpen alakítjuk át:

$$ABCC = 1000 \cdot A + 100 \cdot B + 11 \cdot C, \quad DD = 11 \cdot D.$$

Ezeket behelyettesítve rendezzünk úgy, hogy a bal oldalra kerüljenek azok a tagok, amelyekben az egyik tényező 100, a többiek a jobb oldalra:

$$(2) \quad (10 \cdot A + B - 11 \cdot D + E) \cdot 100 - 11 \cdot (D \cdot E - C),$$

így a jobb oldalnak is oszthatónak kell lennie 100-zal. Ez csak úgy lehetséges, ha  $D \cdot E - C$  osztható 100-zal. Mivel  $D$ ,  $E$  és  $C$  mindegyike 0 és 9 közé esik, és különbözők, azért  $D \cdot E - C$  legfeljebb  $9 \cdot 8 - 0 = 72$ , és legalább  $0 \cdot 1 - 9 = -9$ . Márpedig  $-9$  és  $72$  között csak egyetlen 100-zal osztható szám van, mégpedig 0, így  $D \cdot E = C$ , továbbá (2) bal oldalán is 0-nak kell állnia, ezért a zárójelen belüli kifejezés 0. Írjunk ebben  $10 \cdot A$  helyett  $11 \cdot A - A$ -t, és rendezzük át az egyenletet:

$$B + E - A = 11 \cdot (D - A).$$

Mivel  $D$  és  $A$  különbözők, ezért a jobb oldal, s így a bal oldal is 0-tól különböző szám. Továbbá a jobb oldal osztható 11-gyel, tehát a bal oldal is. Ezek szerint  $B + E - A$  11-gyel osztható és 0-tól különböző (egész) szám. Másrészt, mivel  $B$ ,  $A$  és  $E$  ugyancsak 0 és 9 közé esnek és  $A \neq 0$ , ezért  $B + E - A$  legfeljebb  $9 + 8 - 1 = 16$ , és legalább  $0 + 1 - 9 = -8$ . Mármost  $-8$  és  $16$  között 0-tól különböző és 11-gyel osztható szám csak egy van, a 11. Ezért  $B + E - A = 11$ , amiből  $D - A = 1$  adódik.

Eddig tehát a következőket állapítottuk meg:

$$D \cdot E = C, \quad B + E - A = 11 \quad \text{és} \quad D = A + 1.$$

A harmadik egyenlőségből  $A$ -t kifejezve és a másodikba behelyettesítve:

$$B + E = D + 10,$$

amit átrendezve:

$$E = D + (10 - B).$$

Mivel  $B$  legfeljebb 9, ezért  $10 - B$  legalább 1, és így  $E$  legalább  $D + 1$ , más szóval  $E$  nagyobb  $D$ -nél. Ennek alapján  $D \cdot D$  kisebb mint  $D \cdot E$ , vagyis  $C$ , ami legfeljebb 9; azaz  $D^2$  kisebb  $3^2$ -nél,  $D$  kisebb 3-nál. Másrészt  $D = A + 1 \geq 2$ , így  $D = 2$ , amiből  $A = 1$ , továbbá

$$C = 2E \quad \text{és} \quad B + E = 12.$$

$E > D$  miatt  $E \geq 3$ . Másrészt  $E \leq 4$ , különben  $C$  kétjegyű szám lenne. Az  $E = 4$  esetben  $C = B (= 8)$  adódik, ami ismét nem felel meg a számjegyek különbözőségének. Az egyetlen maradó lehetőség  $E = 3$ , amiből  $C = 6$ , és  $B = 9$ .

A jegyek adódott értékei valóban kielégítik a feltételeket

$$1966 = (22 - 3) \cdot 100 + 22 \cdot 3.$$