

I. megoldás: Képezzük a két oldal különbségét:

$$\begin{aligned} & \frac{a^3 + b^3}{a^3 + (a-b)^3} - \frac{a+b}{a+(a-b)} = \\ &= \frac{(a^3 + b^3)(2a-b) - (a+b)(2a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3)}{[a^3 + (a-b)^3](2a-b)} = \\ &= \frac{2a^4 - a^3b + 2ab^3 - b^4 - (2a^4 - a^3b + 2ab^3 - b^4)}{[a^3 + (a-b)^3](2a-b)}. \end{aligned}$$

A számláló azonosan 0, s így a tört értéke 0 mindenütt, ahol értelme van, tehát ahol a nevező nem 0. Ezzel a feladat állítását bizonyítottuk.

Megjegyzés: Ki kellett zárni azokat a helyeket, ahol a nevező 0, noha lehet, hogy az ilyen helyeken a két tört közül valamelyiknek értelme van. Általában helyesnek fogadunk el egy azonosságot, ha a két oldalán álló kifejezések értéke mindenütt megegyezik, ahol mindkét oldalnak értelme van.

II. megoldás: A bal oldalt a következőképpen alakíthatjuk át:

$$\begin{aligned} & \frac{a^3 + b^3}{a^3 + (a-b)^3} = \\ &= \frac{(a+b)(a^2 - ab + b^2)}{[a + (a-b)][a^2 - a(a-b) + (a-b)^2]} = \frac{(a+b)(a^2 - ab + b^2)}{[a + (a-b)](a^2 - ab + b^2)}. \end{aligned}$$

A számláló és nevező közös tényezőjével, ahol annak értéke nem 0, egyszerűsíthetünk, és így éppen az azonosság jobb oldalát kapjuk.