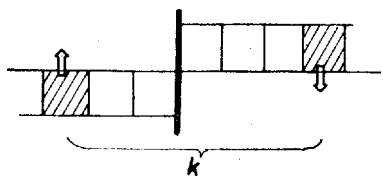


Az ilyen típusú feladatokra általában kétféle megoldás lehetséges. Az egyik csak a felosztás létezését igazolja, a másik megkonstruálja a felosztást is. Én ez utóbbit választottam. Sikerült találnom egy olyan módszert, amely két lépésben elkészíti a kívánt felosztást. Könnyen ellenőrizhető, hogy  $1989 = 17 \cdot 117$ . Ezt felhasználva első lépésben soroljuk be a számokat az ábrán látható módon.

	A					B					C						
	1 ... 8	9 ... 16	...	921 ... 928	929 ... 936	937	...	994	995	996	...	1053	1054 ... 1061	1062 ... 1069	...	1974 ... 1981	1982 ... 1989
1	8db								1db								
2								1db		1db							
3																	
4																	
...																	
116				8db							1db		1db	8db			
117					1db												

1. ábra

Minden sorban pontosan 17 szám van, ezek alkotnak egy csoportot. Az első sorban a számok összege éppen megfelelő. Maradt 116 sorunk. Vizsgáljuk meg ezeket párosával az ábra szerint. Az A és C-vel jelzett csoportokban az egy sorban lévő számok összege mindenütt  $995 \cdot 16$ , tehát ugyanannyi. Csak a B-vel jelzett részben a „középső” satírozott elem változik. Minden egyes párban a B-ben lévő elem ugyanannyival tér el a 995-től, az egyikük nagyobb, a másikuk kisebb. Tehát két ilyen szomszédos sorban is megfelelő a számok együttes összege. Ha a szomszédos sorokat párosával rendbe tudjuk tenni, akkor készen is vagyunk.



2. ábra

Második lépésben tehát vegyük azt a párt, ahol a középső B-beli elemnek a 995-től való eltérése éppen  $d$ . ( $d$  1-től 58-ig változhat, mert  $2 \cdot 58 + 1 = 117$ ). A pár első sorában a kívánt értéktől való eltérés  $d$ , a másodikban  $-d$ . Ha a C-beli nyolcasokban kicserélünk az ábrán látható módon két számot, melyek egymástól  $k$  távolságra vannak ( $1 \leq k \leq 15$ ), akkor az egyik sorban  $k$ -val nő, a másikban pedig  $k$ -val csökken az összeg. Ha  $1 \leq d \leq 15$ , akkor így egyetlen cserével helyrehozható az eltérés. Ha az eltérés nagyobb 15-nél, akkor a két szélsőt kicseréljük, és a maradék 14 számmal tetszőlegesen megmaradó különbség helyrehozható 1-től 13-ig. Ha még ez sem elég, akkor a 14 szám közül a két szélsőt ismét cseréljük ki. A maradék 12 számmal tetszőlegesen megmaradó különbség korrigálható 1-től 11-ig. Látható, hogy C-beli elemek alkalmas cseréjével tetszőleges eltérés korrigálható az alábbi határig:  $15 + 13 + 11 + \dots + 3 + 1 = 64$ . Ez nagyobb mint 58, tehát mindegyik párnál elvégezhető a csere. Ezzel a feladatot megoldottuk.