

Mivel minden játszmában  $p + q + r$  golyót osztottak ki, és az utolsó játszma után a kiosztott golyók száma  $20 + 10 + 9 = 39$ , azért 39 osztható  $p + q + r$ -rel.  $0 < p < q < r$  miatt  $p + q + r \geq 1 + 2 + 3 = 6$ , így  $p + q + r$  csak 13 vagy 39 lehet. Mivel legalább két játszma biztosan volt, azért

$$(1) \quad p + q + r = 13,$$

és összesen  $39/13 = 3$  játszmát játszottak.

Tudjuk, hogy  $B$  utoljára  $r$  golyót kapott, összesen pedig 10 golyót szerzett, így  $B$  a másik két alkalommal csak  $p$  golyót kaphatott, mert már  $p + q + r = 13 > 10$ ; így

$$(2) \quad 2p + r = 10.$$

$C$  golyóinak száma 9, így  $C$   $r$  golyót nem kaphatott, hiszen (2) szerint már  $p + p + r$  is több, mint 9. Tehát a másik két alkalommal az  $r$  golyót  $A$  kapta.

Így, mivel a  $B$  játékos  $r$  golyót utoljára kapott,  $A$  az első és második játszmában nyert  $r$  golyót.  $B$  az első és második játszmában  $p$  golyót nyert, de ekkor  $q$  golyót először  $C$  kapott.

Az adatokból ki is lehet számítani, mennyi  $p$ ,  $q$  és  $r$  értéke, bár ez a feladatnak nem kérdése.  $A$  a harmadik játszmában vagy  $p$  vagy  $q$  golyót nyert, ettől függően  $A$  és  $C$  golyóinak számára felírhatjuk, hogy

$$(3a) \quad q + q + q = 9 \quad r + r + p = 20;$$

$$(3b) \quad q + q + p = 9 \quad r + r + q = 20.$$

Ezeket (2)-vel összevetve, (3a)-ból  $p = 0$ ,  $q = 3$ ,  $r = 10$  következik, ami  $0 < p$  miatt nem lehet. (3b)-ből  $p = 1$ ,  $q = 4$ ,  $r = 8$ , és egyúttal azt is megkaptuk, hogy a feladatban leírt játéksorozat valóban létrejöhét:

	A	B	C
I. játék:	8	1	4
II. játék:	8	1	4
III. játék:	4	8	1