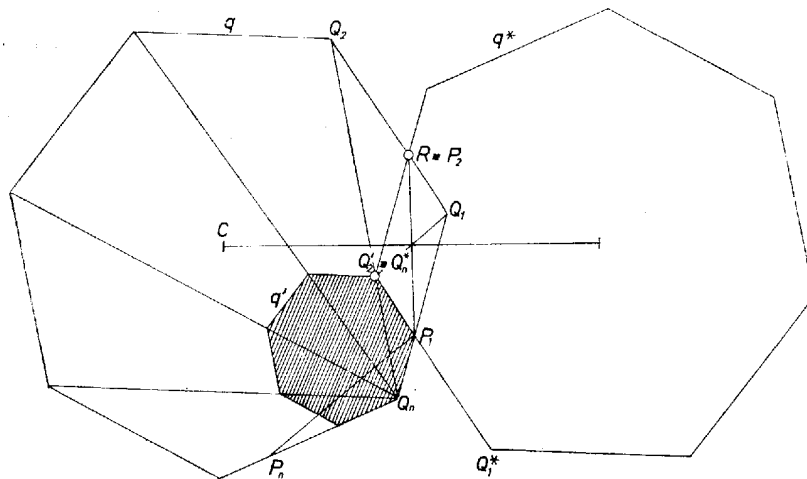


Jelöljük az első n -szöget p -vel, a másodikat q -val. Ha p minden csúcsa azonos q valamelyik csúcsával, p azonos q -val, így a feladat állítása nyilvánvaló. Feltehetjük tehát, hogy p -nek van olyan csúcsa, mely q valamely oldalának a belsejében van. Jelöljük p -nek ezt a csúcsát P_1 -gyel, és p további csúcsait pozitív körüljárás szerint jelöljük P_2 -vel, P_3 -mal, \dots , P_n -nel, q -n pedig ugyancsak pozitív körüljárás szerint P_1 -ből elindulva az első csúcs legyen Q_1 , és a továbbiak Q_2, Q_3, \dots, Q_n .



Vigyé az a Q_n centrumú hasonlóság, mely Q_1 -et P_1 -be viszi, q -t q' -be, Q_i -t Q'_i -be ($i = 1, 2, \dots, n$). Az így kapott q' -nek Q_1 csúcsa azonos P_1 -gyel, és körüljárása azonos p körüljárásával, emiatt az a P_1 körüli forgatás, mely P_n -et P_2 -be viszi, Q_n -et Q'_2 -be viszi. Vigyé ez a forgatás Q_i -t Q'_i -ba ($i = 1, 2, \dots, n$), és q -t q^* -ba. Mivel P_n rajta van q -n, P_n forgatásból származó képe, P_2 rajta van q^* -on. Természetesen rajta van P_2 q -n is, P_2 tehát csak q^* és q közös pontja lehet.

A Q'_2 pont, származtatása szerint, rajta van a Q_2Q_n szakaszon. Ha $n = 3$, akkor Q_2Q_n oldala q -nak, tehát Q'_2 a q^* és q közös pontja, ha pedig $n > 3$, akkor Q'_2 a q belsejében van. A Q_1Q_n , Q_nQ_{n-1} szakaszok mindkét esetben metszik a Q_1Q_n illetve Q_1Q_2 , szakaszokat, tehát Q'_1 Q_{n-1} q -nak már külső pontja, és q^* -nak további csúcsai is q -n kívül vannak. Jelöljük a Q_1Q_2 , Q_nQ_{n-1} szakaszok metszéspontját R -rel. Mivel $Q'_1Q'_n \parallel Q_1Q_2$, $Q'_nQ'_{n-1} \parallel Q_nQ_1$ a $P_1Q_1RQ'_n$ négyszög paralelogramma, és így $Q_1R = Q_nP_1$. Ha $n > 3$, P_1 -n kívül R a q , q^* vonalak egyetlen metszéspontja, P_2 tehát csak R lehet, és ez már P_n helyzetét is egyértelműen meghatározza: ez az a pont, amelyet az előbb használt, P_1 körüli forgatás P_2 -be visz. A P_1 , P_2 P_n pontok p helyzetét már egyértelműen meghatározzák, és ebben a helyzetben – mint az könnyen látható, p centruma azonos q centrumával.

Ezzel az $n \geq 4$ esetben beláttuk a feladat állítását. Az állítás $n = 3$ mellett is igaz, ha P_2 azonos R -rel. Most azonban P_2 Q_n^* -gal is azonos lehet, és ekkor P_n Q_n -nel azonos. Ha tehát $n = 3$, akkor a feladat állítása nem igaz: ha két szabályos háromszög közül az egyik csúcsai a másik kerületén vannak, akkor csak annyi igaz, hogy vagy a két háromszög centruma, vagy az egyik csúcsuk azonos.