

A kétféle betűből képezhető,  $n$  elemből álló, egymástól különböző betűsorok száma  $2^n$ , ezek az  $A$  és  $O$  elemek ismétléses  $n$ -ed osztályú variációi. A nyelvben szóként használt,  $n$  betűből álló betűsorok számát jelöljük  $N$ -nel. (Természetesen csak az  $n \geq 3$  értékekről lehet szó.)

Tekintsük azokat a betűsorokat, amelyek a nyelv egy  $n$ -betűs szavából úgy állnak elő, hogy ennek egy betűjét megváltoztatjuk, és nevezzük ezek halmazát – magával a szóval együtt – a szó *bokrá*nak. Minden egyes betűben egyféle változtatás lehetséges, az  $A$ -nak  $O$ -ra cserélése vagy fordítva, így minden egyes szó bokra  $(n + 1)$  betűsorból áll. – A nyelv szavaiból képzett bokrok száma ugyancsak  $N$ .

Minden egyes betűsor legfőljebb egy bokorba tartozik bele. Ha ugyanis a  $\beta$  betűsor az  $s_1$  és  $s_2$  szavak bokrába is beletartozna – de ő maga nem szó –, akkor  $s_1$  és  $s_2$  csak két helyen (két betűben) különböznének egymástól – az első változtatás  $s_1$ -ből  $\beta$ -t állítaná elő, a második pedig  $\beta$ -ből  $s_2$ -t –, ezt pedig a nyelv leírása kizárta. Így a bokrokba besorolt betűsorok száma pontosan  $N(n + 1)$ , s mivel ez nem nagyobb a betűsorok  $2^n$  számánál, azért a bokrok és velük együtt a nyelv szavainak számára valóban fennáll:

$$N \leq \frac{2^n}{n + 1}.$$

*Megjegyzések.* Eredményünkben egyenlőség csak  $n = 1, 3, 7, 15, \dots, 2^k - 1, \dots$  mellett jöhet szóba, de az már jóval nehezebb kérdés, hogy sikerül-e pl. 7 betűvel a maximális 16 szót összeállítani.

2. Háromféle „betű”, az 1,  $x$ , 2 jeleket megengedve a bokroknak legfőljebb 1 hibapontos totószelvény-kitöltsek felelnek meg, de ott minden egyes helyen 2-féle torzítás jön szóba.