

egyenlettel. Mivel $0 < \varphi < \pi/2$, azért $\sin \varphi/2 \neq 0$, tehát $\sin \frac{7\varphi}{2} = 0$, amely a $[0, 2\pi]$ -ben csak π -re teljesül, tehát $\frac{7\varphi}{2} = \pi$. Ezt akartuk bizonyítani.

Már csak azt kell belátnunk, hogy van olyan $a > 1$, szám, amelyre (1) teljesül. Ha $\varphi = 2\pi/7$, akkor φ -re teljesül (4) és $\cos \varphi \neq 1$, tehát φ -re (2) is teljesül, így az $a = 2 \cos \varphi$ számra teljesül (1), és ez a szám pozitív. Ehhez viszont (1)-ből következik, hogy $a > 1$, hiszen $0 < a < 1$ mellett (1) bal oldalának az értéke negatív.

Móri Tamás (Budapest, Berzsenyi D. Gimn.)

Megjegyzések. 1. Hasonlóan lehet megmutatni, hogy az OC szakaszon van olyan P_2 pont és OC -nek C -n túli meghosszabbításán olyan P_3 , hogy az e -ből $P_i D$ által kimetszett pontot Q_i -vel ($i = 2, 3$), a $P_i B$ -re merőleges egyenessel kimetszett pontot R_i -vel jelölve, ha teljesül $Q_i P_i = OA$, akkor az OP_i szakasz felező merőlegese k -ból a beleírható, A csúcsú szabályos hétszögnek újabb $2 - 2$ csúcsát metszi ki.

2. Komplex számok felhasználásával a kérdés valamivel kevesebb számítás útján dönthető el.

3. A bebizonyított állítás kapcsolatban van az (1)-ből adódó $a^3 + a^2 - 2a - 1 = 0$ egyenletnek az ún. *Lill*-féle eljárás útján való grafikus, közelítő megoldásával.