

Jelölje a társaság tagjainak, letöltött üdülési napjainak, valamint az üdülő sakkjáték-készleteinek számát rendre t , n , s . Természetesen feltesszük, hogy a társaság minden tagja tud pingpongozni is, sakkozni is. A ping-pong mérkőzés befejezése alapján

$$n = \binom{t}{2}.$$

Gondoljuk a sakktáblákat egyelőre megszámozva és írjuk fel a játékosok lehetséges párosításainak számát a táblákhoz. Az első táblához $\binom{t}{2}$ különböző pár írható ki, bármelyikük mellé a második táblához $\binom{t-2}{2}$ pár, és így tovább, az s -edik táblához $\binom{t-2(s-1)}{2}$ pár, tehát az összes játékosok annyiféleképpen állíthatók párokba a sorszámozott táblákhoz, mint a mondott számok szorzata.

A sakktáblák megkülönböztető számozásától eltekintve a párosítások $s!$ -osával azonosakká válnak, ennyiszor kisebb a párba rendezési lehetőségek száma; és, mint tudjuk, ezek mind meg is valósultak az utolsó napig, mindegyik egyszer, ennél fogva

$$n = \frac{1}{s!} \cdot \binom{t}{2} \cdot \binom{t-2}{2} \cdot \binom{t-4}{2} \cdot \dots \cdot \binom{t-2s+2}{2} = \frac{t!}{s! \cdot 2^s \cdot (t-2s)!}$$

(Feltéhető, hogy $t-2s \geq 0$, $t \geq 2s$, különben mind az s táblán csak úgy folyhatott volna le 1-1 mérkőzés naponta, ha némelyik játékos több játszmat is játszott volna egy napon; ezt pedig a feladat szövegének tartalmaznia, rendeznie kellene, nélküle az adat felhasználhatatlan lenne.)

n kétféle kifejezésének egyenlőségét úgy alakítjuk tovább, hogy az egyik oldalon egy binomiális együtthatót kapjunk, a másik oldalon pedig 2-nek egy hatványát:

$$\begin{aligned} \frac{(t-2)!}{s! \cdot 2^{s-1} (t-2s)!} &= 1, \\ \frac{(t-2)!}{(t-2s)! s!} &= \frac{(t-2)!}{(t-2s)! (2s-2)!} \cdot \frac{(2s-2)!}{s!} = 2^{s-1}, \\ \binom{t-2}{t-2s} &= (2s-2) \cdot (2s-3) \cdot \dots \cdot (s+2) \cdot (s+1) = 2^{s-1}. \end{aligned}$$

Itt az első tényező is, mint binomiális együttható, egész szám, a továbbiak egymás utáni egész számok, a jobb oldal pedig egyedül a 2-es prímtényezőt tartalmazza. Mivel két szomszédos egész egyike páratlan, ez máshogy nem lehetséges, mint ha a bal oldalon a további tényezők száma 1, vagy nincs is ilyen tényező, végül ha jobbról nincs is 2-es tényező, ti. ha $s-1=0$, $s=1$.

Az első lehetőség mellett $2s-2 = s+1$, azaz $s=3$, a második mellett $2s-2 = s$, azaz $s=2$. Ezekkel t -re a következő egyenletek adódnak:

$$\binom{t-2}{t-6} \cdot 4 = 4,$$

amiből $t-6=0$, $t=6$; illetőleg

$$\binom{t-2}{t-4} = \binom{t-2}{2} = 2, \quad (t-2)(t-3) = 4,$$

ilyen egész t nincs.

Az $s=3$, $t=6$ értékpárhoz $n=15$, ez megoldása a feladatnak, 6 tagú társaság 15 napig üdült és napi 3 sakkmérkőzést bonyolítottak le (a 3 táblánál).

Végül az utolsónak említett $s=1$ esetén a két játékfajta szerepe egyező, a sakkadat nem mond újat a pingponghoz képest, a feladat határozatlan; különben a feladat készletekről beszél, tehát $s > 1$.

Megjegyzés. A párokba állítások különbözősége nem zárja ki azt, hogy 2 résztvevő ne játsszék többször egymással, sőt $t > 4$ miatt meg is kívánja. Pl. (AB) , (CD) , (EF) és (AB) , (CE) , (DF) két különböző párokba állítás.