

Tegyük fel, hogy  $n$ -eseink között végtelen sok minimális van. Foglalkozzunk csak ezekkel. Jelölje  $a_{i,j}$  ( $i = 1, 2, \dots; j = 1, 2, \dots, n$ ) az  $i$ .  $n$ -es  $j$ . elemét. Mivel az  $n$ -esek minimálisak, azért bármely  $1 \neq i$ -hez található olyan  $j$ , hogy  $a_{i,j} < a_{1,j}$ . Itt az  $i$ -re végtelen sok, a  $j$ -re azonban csak véges sok lehetőségünk van, tehát a skatulya-elv alapján kell lennie olyan  $k$ -nak, amelyre az  $a_{i,k}$ -k közül végtelen sok kisebb, mint  $a_{1,k}$ . Az  $a_{1,k}$ -nál kisebb pozitív egészek száma véges, ezért végtelen sok egyenlő van az  $a_{i,k}$ -k között. Tekintsük az ilyen  $i$ -khez tartozó  $n$ -eseket. Ezek megegyeznek a  $k$ . elemükben, vagyis ha a  $k$ . elemet mindegyikből elhagyjuk, akkor végtelen sok minimális  $(n - 1)$ -est kapunk. Az eljárást még  $(n - 2)$ -szer megismételve szám-1-esek, azaz pozitív egészek olyan végtelen halmazához jutunk, amelyben minden elem minimális. Ellentmondásra jutottunk, hiszen a pozitív egészek tetszőleges halmazában pontosan 1 darab minimális van (a legkisebb).

*Pap Gyula* (Debrecen, Fazekas M. Gimn., I. o. t.)