

Mint hogy a négyzetgyökfüggvényt csak nemnegatív számokra értelmezzük, és értéke szintén nemnegatív, így az egyenlet csak  $x, y \geq 0$ -ra teljesülhet. Legyen

$$f_1(x) = \sqrt{x}, \quad f_2(x) = \sqrt{x + \sqrt{x}}, \quad \dots, \quad f_n(x) = \underbrace{\sqrt{x + \sqrt{x + \dots + x\sqrt{x}}}}_{n \text{ db gyökjel}}$$

Ezekkel egyenletünk

$$f_{1992}(x) = y$$

alakban írható fel.

Vegyük észre, hogy

$$(f_n(x))^2 - x = f_{n-1}(x);$$

ezért ha  $x$  és  $f_n(x)$  értéke egész szám, akkor  $f_{n-1}(x)$  is egész, majd ugyanígy  $f_{n-2}(x), \dots, f_2(x), f_1(x)$  is. Tehát ha

$$f_{1992}(x) = y$$

egész, akkor  $f_1(x) = \sqrt{x}$  és  $f_2(x) = \sqrt{x + \sqrt{x}}$  is az, jelölje értéküket  $z$  és  $k$ , ekkor

$$k^2 = x + \sqrt{x} = z^2 + z,$$

ahol  $z$  és  $k$  nemnegatív egészek.

Ha  $z = 0$ , akkor  $x = 0$ , és

$$f_1(x) = f_2(x) = \dots = f_{1992}(x) = y = 0,$$

azaz  $x = y = 0$  egy megoldás. Ha  $z > 0$ , akkor

$$z^2 < z^2 + z < z^2 + 2z + 1 = (z + 1)^2,$$

így  $z^2 + z$  nem lehet négyzetszám. Tehát az egyetlen megoldás a  $(0, 0)$  számpár.