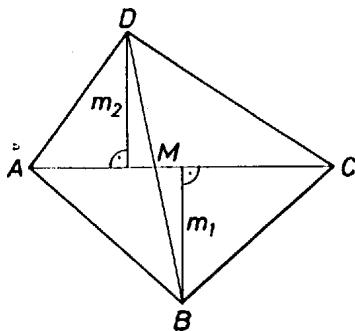


Jelöljük az  $ABCD$  konvex négyszög átlóinak metszéspontját  $M$ -mel, az  $ABC$  háromszög és az  $ACD$  háromszög  $AC$  alaphoz tartozó magasságvonalát  $m_1$  és  $m_2$ -vel.



Ekkor

$$\frac{T_{MBA}}{T_{MBC}} = \frac{\frac{m_1 \cdot AM}{2}}{\frac{m_1 \cdot MC}{2}} = \frac{AM}{MC}$$

és

$$\frac{T_{MDA}}{T_{MDC}} = \frac{\frac{m_2 \cdot AM}{2}}{\frac{m_2 \cdot MC}{2}} = \frac{AM}{MC}.$$

Így

$$(1) \quad \frac{T_{MBA}}{T_{MBC}} = \frac{T_{MDA}}{T_{MDC}}, \quad \text{azaz} \quad T_{MBA} \cdot T_{MDC} = T_{MBC} \cdot T_{MDA}.$$

Tegyük fel, hogy a  $T_{AMB}$ ,  $T_{BMC}$ ,  $T_{CMD}$ ,  $T_{DMA}$  területek értékei 1, 2, 3, illetve 4 valamilyen sorrendben. Ekkor az (1) összefüggés mindkét oldala egész szám, egyik oldalán 3 többszöröse áll, míg a másik oldal nem osztható 3-mal. Ez nyilván nem lehet. Tehát nincs a feladat feltételeinek eleget tevő négyszög.