

Mivel  $x, y, z$  és  $v$  pozitív egészek, ezért

$$0 < \frac{1}{y + \frac{1}{z + \frac{1}{v}}} < 1,$$

ennek alapján csak  $x = 1$  lehetséges. Ekkor a következő egyenlethez jutunk:

$$y + \frac{1}{z + \frac{1}{v}} = \frac{91}{10} = 9 + \frac{1}{10}.$$

Mivel  $y, z, v$  pozitív egész számok, így

$$0 < \frac{1}{z + \frac{1}{v}} < 1,$$

amiből  $y = 9$  következik. Ezt felhasználva az

$$\frac{1}{v} = 10 - z$$

egyenletet kapjuk. Ennek jobb oldala egész szám, ezért a bal oldala is az. De  $v$  pozitív egész, így reciproka csak akkor lehet egész, ha  $v = 1$  teljesül. Ebből pedig  $z = 9$  adódik.

Tehát azt bizonyítottuk, hogy az egyenlet egyedüli megoldása az  $x = 1; y = 9; z = 9; v = 1$  számnégyes.

*Turchányi Judit* (Budapest, Berzsenyi D. Gimn., I. o. t.) dolgozata alapján

*Megjegyzés:* Az adott egyenlet bal oldalát a jobb oldal *lánctört-kifejtésének* nevezik.