Jelölje a négy játékost (a kihúzás sorrendjében) rendre A, B, C és D. Tekintsünk egy olyan esetet, amelyben A nyert. Legyenek a lapok kihúzási sorrendben $a_1, a_2, \dots, a_{52}$, közöttük a négy ász pedig a_p, a_q, a_r, a_s, ahol $1 \le p < p < q < r < s \le 52$. A kapott lapok száma tehát $A:$ p db lap, $B:$ $q-p$ db, $C:$ $r-q$ db, $D:$ $s-r$ db, és azt tettük fel, hogy ezek közül egyedül p a legnagyobb szám.

Rendezzük át a fenti sorrendet a következőképpen: Az a_{p+1}, $a_{p+2} \dots$, a_q lapokat változatlan sorrendben toljuk át a csomag elejére, mögéjük pedig állítsuk az a_1, $a_2, \dots, a_p$ lapokat ugyanilyen sorrendben. Így az alábbi sorrendet kapjuk: a_{p+1}, $a_{p+2} \dots$, a_q, a_1, $a_2, \dots$, a_p, a_{q+1}, $a_{q+2} \dots \dots$, $a_r, \dots$, $a_s, \dots$, a_{52} (esetleg $a_s = a_{52}$). Ezzel egy olyan kihúzási sorrendet kaptunk, amelyben már nem A, hanem B nyer.

Világos, hogy a fenti módon minden olyan sorrendhez, amelyben A a győztes, pontosan egy olyat kapunk, amelyben B nyer. Ez megfordítva is fennáll (hasonlóan bizonyítható), tehát kölcsönösen egyértelmű megfeleltetést létesítettünk azon sorrendek között, amelyekben A nyer, és azok között, amelyekben B. Így az összes lehetséges kihúzási sorrendből A pontosan annyiszor nyer, mint B, és mivel minden sorrend egyformán valószínű, ezért A-nak és B-nek ugyanakkora a nyerési esélye.

A fenti gondolatmenetet megismételhetjük A és C, illetve A és D között is. Ezek szerint az összes kihúzási sorrendből pontosan ugyanannyiszor nyer A, mint B, C és D.

Így a játék igazságos, mindenkinek ugyanakkora esélye van a győzelemre.

Megjegyzés. A fenti bizonyítás változatlanul érvényes k darab ászra, $n(\ge k)$ darab lapra, és $l(\le k)$ darab játékosra. Az átcsoportosítás ugyanúgy végezhető, végül tehát az előzőkhöz hasonlóan azt kapjuk, hogy a játék igazságos.

Szeidl Ádám (Miskolc, Földes F. Gimn., I. o. t.) dolgozata alapján