

Az  $y_n$  sorozat definíciója alapján:

$$y_n = \frac{x_n^2}{x_n^2(x_n + 1)} = \frac{x_{n+1} - x_n}{x_{n+1} \cdot x_n} = \frac{1}{x_n} - \frac{1}{x_{n+1}}, \quad \text{másképp}$$
$$y_n = \frac{1}{1 + x_n} = \frac{x_n}{x_n(1 + x_n)} = \frac{x_n}{x_{n+1}} \quad (x_1 > 0).$$

Tehát

$$A_n = \left( \frac{1}{x_1} - \frac{1}{x_2} \right) + \left( \frac{1}{x_2} - \frac{1}{x_3} \right) + \dots + \left( \frac{1}{x_n} - \frac{1}{x_{n+1}} \right) = \frac{1}{x_1} - \frac{1}{x_{n+1}}, \quad \text{és hasonlóan}$$
$$B_n = \frac{x_1}{x_2} \cdot \frac{x_2}{x_3} \cdot \dots \cdot \frac{x_n}{x_{n+1}} = \frac{x_1}{x_{n+1}}.$$

Végül pedig

$$2A_n + B_n = 2 \left( \frac{1}{x_1} - \frac{1}{x_{n+1}} \right) + \frac{x_1}{x_{n+1}} = \left( 1 - \frac{2}{x_{n+1}} \right) + \frac{2}{x_{n+1}} = 1.$$

*Décsy Gabriella* (Dombóvár, Illyés Gy. Gimn., I. o. t.) dolgozata alapján

*Megjegyzés.* A helyes dolgozatok többsége teljes indukcióval bizonyította a feladat állítását; a fenti megoldás rámutat az  $y$  sorozat szerkezetére: a sorozat szomszédos elemeinek összege is és szorzata is zárt alakba írható.