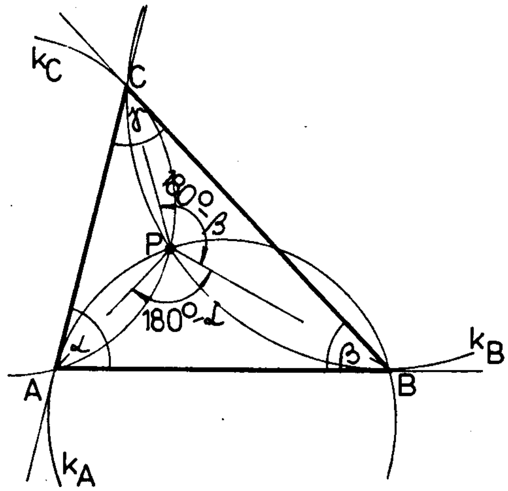
Jelöljük a háromszög szögeit α, β, γ-val, a CA oldalt A-ban érintő és B-n átmenő kört k_A-val, a másik két kört k_B-vel és k_C-vel, a k_A és k_B körök B-től különböző metszéspontjátP-vel. Megmutatjuk, hogy a k_C kör is átmegy P-n.



A CA egyenes érinti a B ponton átmenő k_A kört, ezért a kör a CA egyenes által meghatározott két félsík közül abban helyezkedik el, amelyikben a B pont. Hasonlóan a k_B kör az AB egyenes által meghatározott két félsík közül a C pontot tartalmazóban van. Tehát a P pont mindig CAB szögtartományban van, sőt mindig az ABC háromszög belsejében, mert a k_A körnek a CAB szögtartományba eső íve a k_B kör két BC íve közül azt metszi, amelyik a BC egyenesnek A-val megegyező oldalán van.

A k_A körben a P-t nem tartalmazó AB ívhez tartozó érintőszárú kerületi szög éppen $CAB\sphericalangle = \alpha$. Ezért a P-t tartalmazó AB ívhez tartozó kerületi szög $180° - \alpha$, vagyis $APB\sphericalangle = 180° - \alpha$. Ugyanígy kapjuk, hogy $BPC\sphericalangle = 180° - \beta$. Ezek ismeretében a CPA szöget könnyen kiszámolhatjuk:

$$CPA\sphericalangle = 360° - (APB\sphericalangle + BPC\sphericalangle) = \alpha + \beta = 180° - \gamma.$$

Ez viszont éppen a k_C kör egyik CA ívéhez tartozó kerületi szög, mert a másik CA ívhez tartozó érintőszárú kerületi szög $BCA\sphericalangle = \gamma$. Tehát az egyik CA ív átmegy a P ponton.