

Ha  $n = 28$ , akkor a tört nem értelmes. Ha  $n \neq 28$ , akkor a tört értékét  $A$ -val jelölve gyöktelenítés után kapjuk, hogy

$$(1) \quad A = \frac{14 + 2n + 5\sqrt{7n}}{28 - n}.$$

Ha  $A$  egész, akkor mivel a nevező egész, a számláló is az. Mivel  $(14 + 2n)$  egész szám,  $5\sqrt{7n}$  is az, így  $\sqrt{7n}$  racionális. Mivel  $7n$  egész, ez csak úgy lehetséges, ha  $7n$  négyzetszám, azaz  $n$  egy négyzetszám  $7$ -szerese,  $n = 7k^2$  és itt föltehető, hogy  $k \geq 0$ . Ezt (1)-be helyettesítve:

$$A = \frac{14 + 14k^2 + 35k}{28 - 7k^2} = \frac{(2k + 1)(k + 2)}{(2 - k)(2 + k)} = \frac{2k + 1}{2 - k} = -2 - \frac{5}{k - 2}.$$

Az  $A$  értéke pontosan akkor egész szám, ha  $k - 2$  – ami egész – osztója  $5$ -nek. A legnagyobb abszolút értékű ilyen  $k$  a  $7$ , ekkor  $n = 7^3 = 343$  és ekkor  $A = -3$ .

Az a legnagyobb  $n$  egész szám tehát, amelyre a megadott kifejezés egész értékű, a  $343$ .