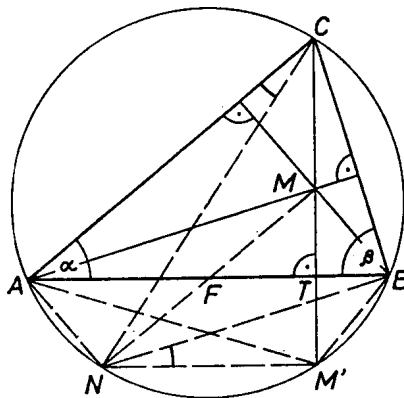


Jelöljük a CM és AB egyenesek metszéspontját T -vel, M -nek az AB oldalra vonatkozó tükörképét M' -vel, az ABC háromszög szögeit pedig a szokásos módon α , β , γ -val.



Először megmutatjuk, hogy az N és M' pontok rajta vannak az ABC háromszög köré írt körön. Az AMB háromszög F pontra vonatkozó tükörképe a BNA , az AB egyenesre vonatkozó tükörképe pedig az $AM'B$ háromszög. Ezért $\angle ANB = \angle AM'B = \angle AMB = \angle AMT + \angle BMT = 90^\circ - \angle MAT + 90^\circ - \angle MBT = \beta + \alpha = 180^\circ - \gamma$. Ez azt jelenti, hogy az $ANBC$ és az $AM'BC$ négyszögek húrnégyszögek, tehát az A, B, C, N, M' pontok valóban egy körön vannak.

Az MNM' háromszögben FT középvonal, ezért NM' párhuzamos FT -vel, vagyis merőleges CM -re, így $\angle CM'N = 90^\circ$. Tehát – Thalesz tételének megfordítása miatt – CN a körülírt kör egy átmérője, következésképpen $\angle BAN = \angle CAN - \angle CAB = 90^\circ - \alpha$. De a BCN és a BAN szögek ugyanahhoz az ívhez tartoznak, ezért egyenlők, azaz $\angle BCN = 90^\circ - \alpha$. Az ACT derékszögű háromszögben pedig $\angle ACM = 90^\circ - \angle CAT = 90^\circ - \alpha$.

Megjegyzés. Ha a háromszög γ szöge tompaszög, akkor is teljesül, hogy $\angle BCN = 90^\circ - \alpha$, az M pont viszont a TC szakasz C -n túli meghosszabbításán van, ezért $\angle ACM = 90^\circ + \alpha$, tehát a feladat állítása nem igaz.